

# Faire jouer l'ordinateur

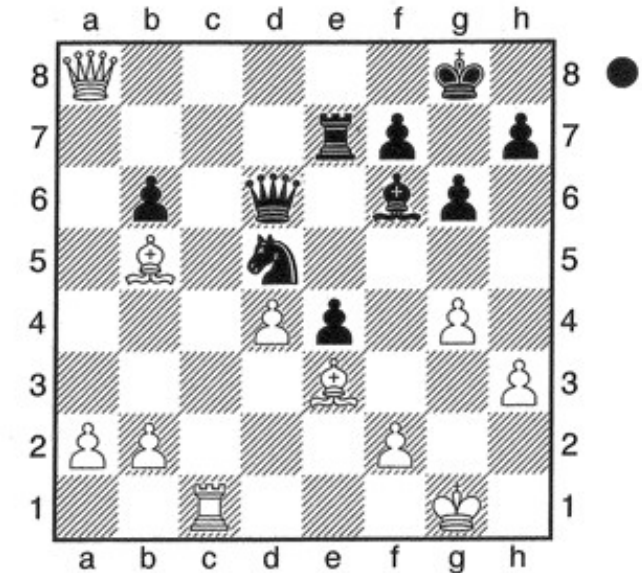
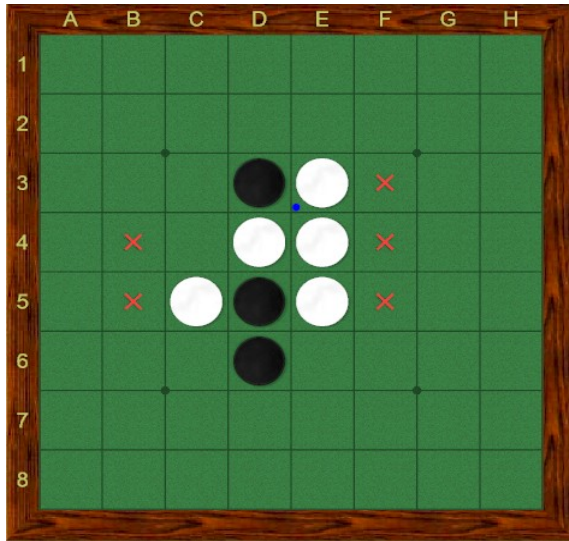
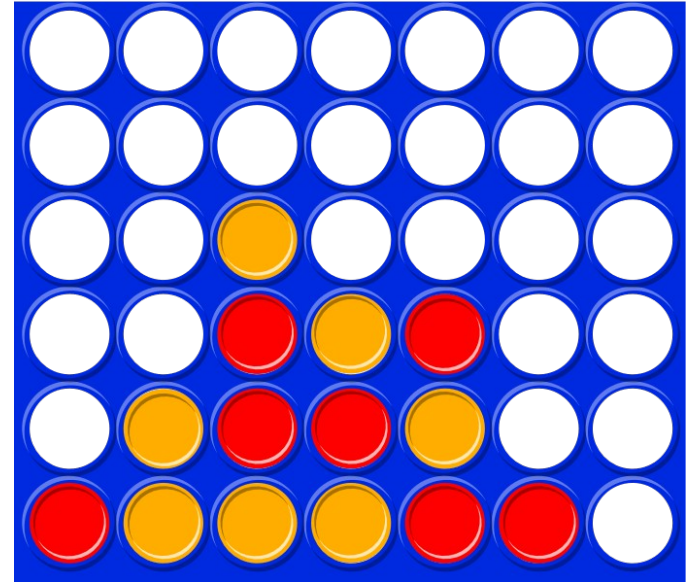
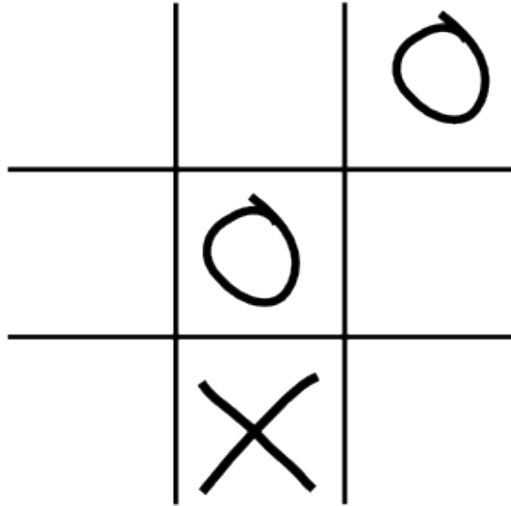
Jean-Christophe Routier  
jean-christophe.routier@univ-lille1.fr



ufr d'**IEEA**  
Formations en  
Informatique de  
Lille 1



# que faut-il jouer ?



## quels jeux ?

### Jeux

à 2 joueurs jouant en alternance

à information complète

les joueurs ont toute l'information

les joueurs ont la même information

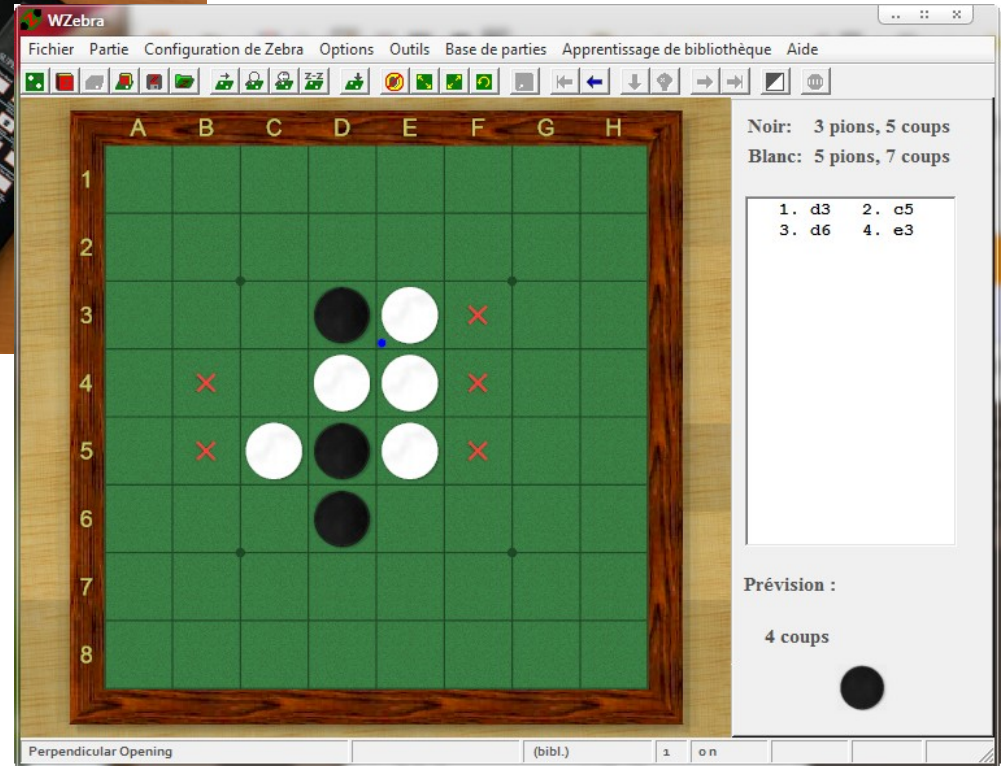
à somme nulle

les intérêts des joueurs sont opposés

la somme des gains est nulle :

*ce qui est gagné par l'un est perdu par l'autre*

*les échecs, les dames, le go, awele, puissance 4, othello, tic-tac-toe, etc.*



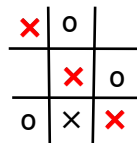
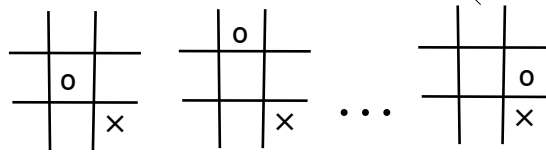
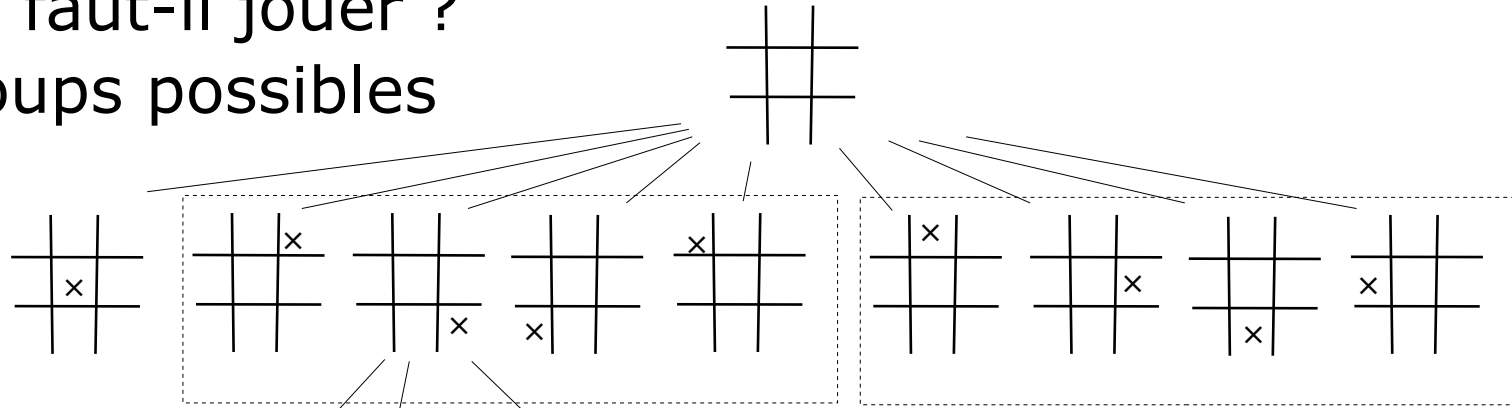
<http://www.jeu.fr/jeu/tic-tac-toe>

# question

Comment faire jouer l'ordinateur ?

Comment programmer l'ordinateur pour jouer ?

que faut-il jouer ?  
9 coups possibles



19 683 situations différentes

255 168 parties différentes

- 131 184 victoires de x
- 77 904 victoires de o
- 46 080 égalités

comment gérer toutes ces situations ?

aux échecs :

entre  $10^{43}$  et  $10^{50}$  situations possibles

$10^{123}$  parties possibles...

$10^{80}$  atomes dans l'univers

c'est à x de jouer

	o	
x	o	x

o		
o	x	o
		x

o		
x	x	o
		o

x peut-il gagner ?

quel est le meilleur coup à jouer ?

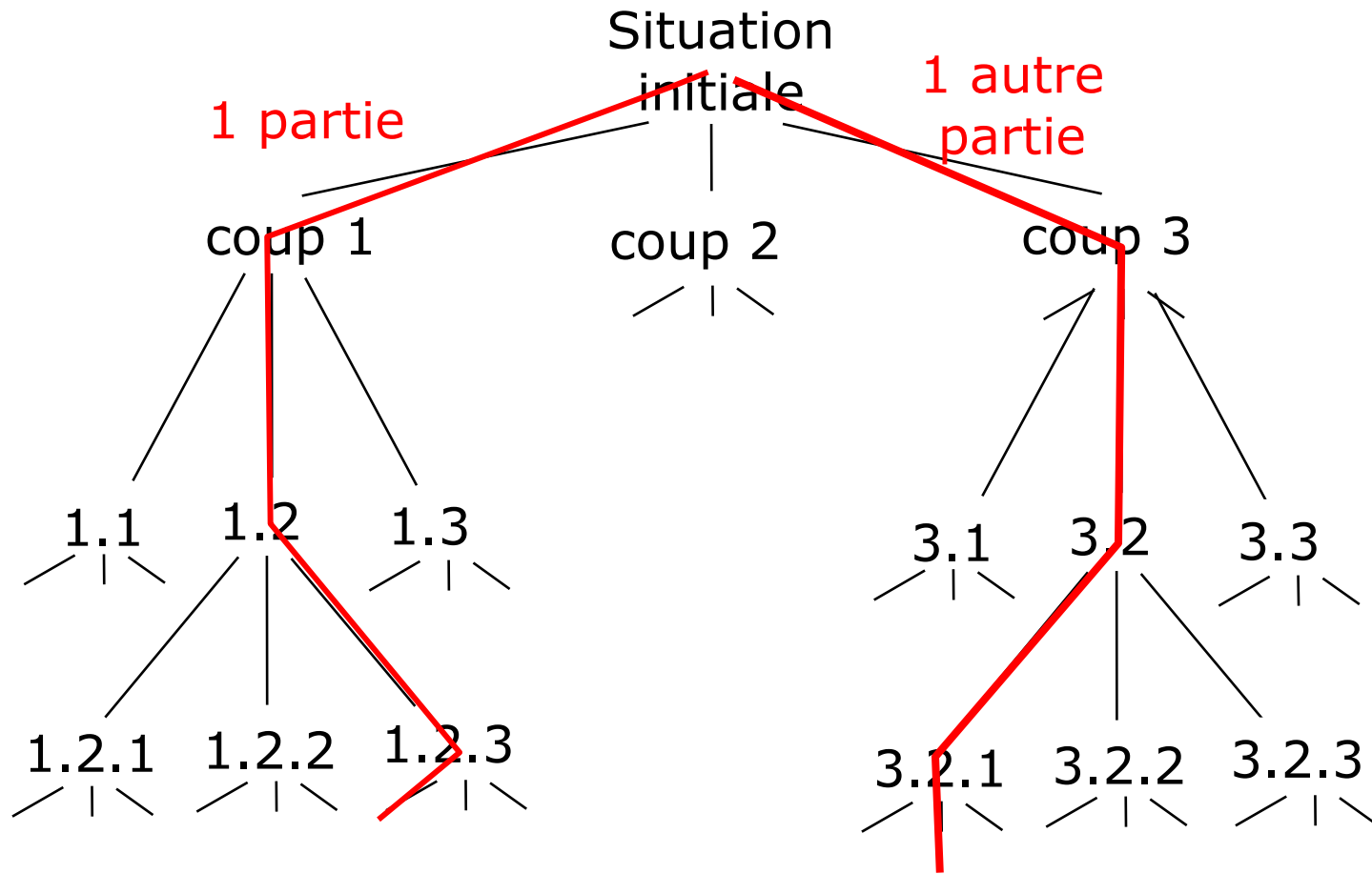


# activité

calculer/développer l'arbre de jeu pour

	o	
x	o	x
	x	

# arbre de jeu



## caractéristiques

une situation initiale

à chaque tour les règles du jeu déterminent les situations suivantes possibles/atteignables

jouer c'est choisir la prochaine situation de jeu

une partie

= suite de coups de chacun des joueurs

= suite des situations choisies par les joueurs

une branche  
=  
déroulement d' une partie

problème :

choisir une branche qui mène à une victoire  
ou  
choisir un coup **maintenant** pour gagner **plus tard** ?

	o	
x	o	x
	x	

solution :

calculer des coups « à l'avance »

1) calculer l'arbre de jeu

2) choisir la/les meilleures parmi les situations atteintes

problèmes :

- 1) comment comparer les situations atteintes ?
- 2) combien de « coups à l'avance » ?

principe :

à chaque **situation atteinte**  
on attribue une  
**valeur numérique croissante**  
avec la qualité de la situation

# activité

attribuer des valeurs aux situations atteintes  
pour l'arbre de

	o	
x	o	x
	x	

quelles valeurs ?  
 $P < N < G$

par exemple

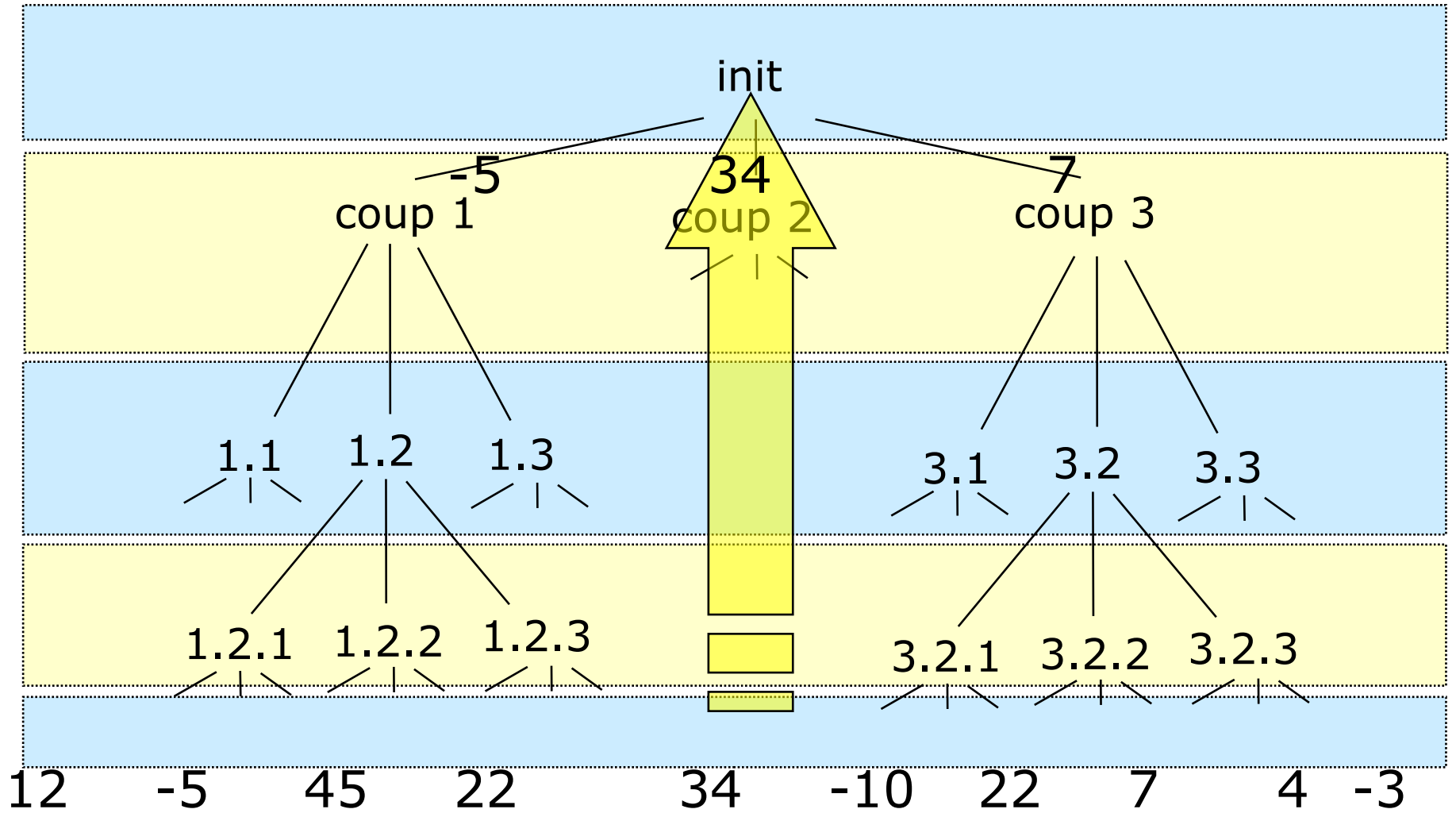
$$P = -1 < N = 0 < G = +1$$



principe :

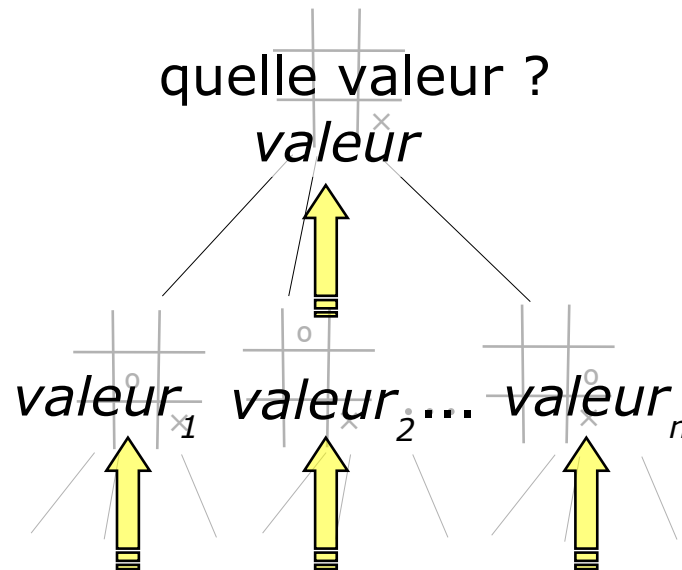
bien choisir c'est...

viser la situation avec la **plus grande valeur**  
**maximiser** la valeur de la situation atteinte  
propager les valeurs « vers le haut »



# propager ?

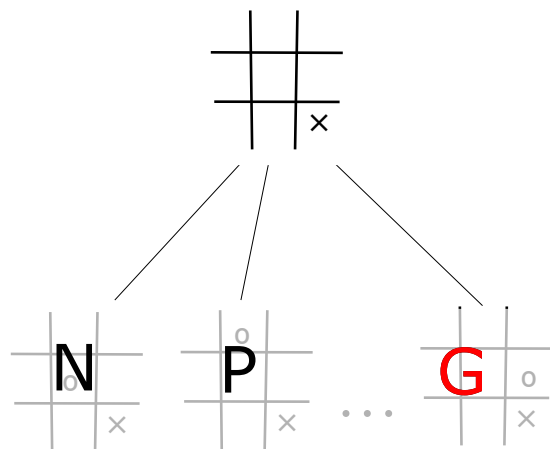
la valeur d'une situation  
dépend des valeurs de ses  
situations suivantes



## maximiser

à chaque fois que l'on doit choisir

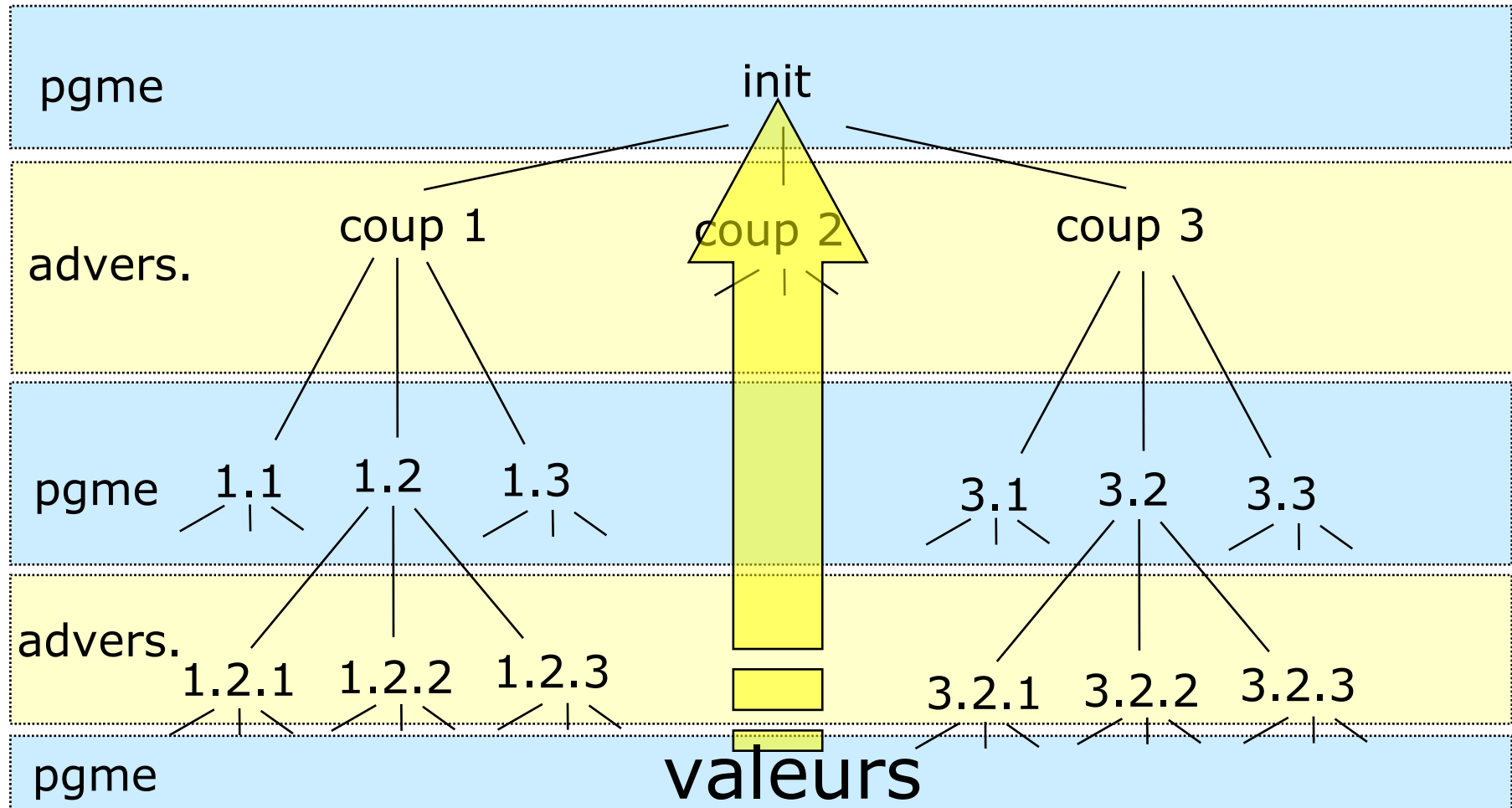
sélectionner parmi les situations suivantes  
celle avec la **plus grande** valeur  
attribuer sa valeur à la situation actuelle



$$P < N < G$$

$$G = \max(N, P, G)$$

## comment propager ?



il faut prendre en compte l'adversaire...

simuler l'adversaire ?

hypothèse : l'adversaire joue le mieux possible  
rappel : les intérêts de l'adversaire sont opposés

c'est quoi le « mieux possible » pour le programme ?

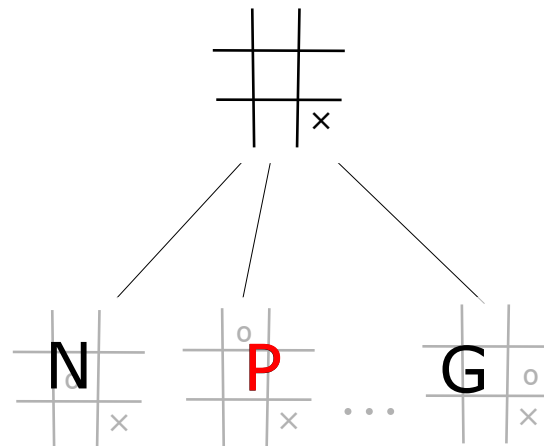
c'est lui-même...

mais l'adversaire a un objectif opposé, il doit donc...

**minimiser**

donc à chaque fois que l'on doit choisir  
à la place de l'adversaire

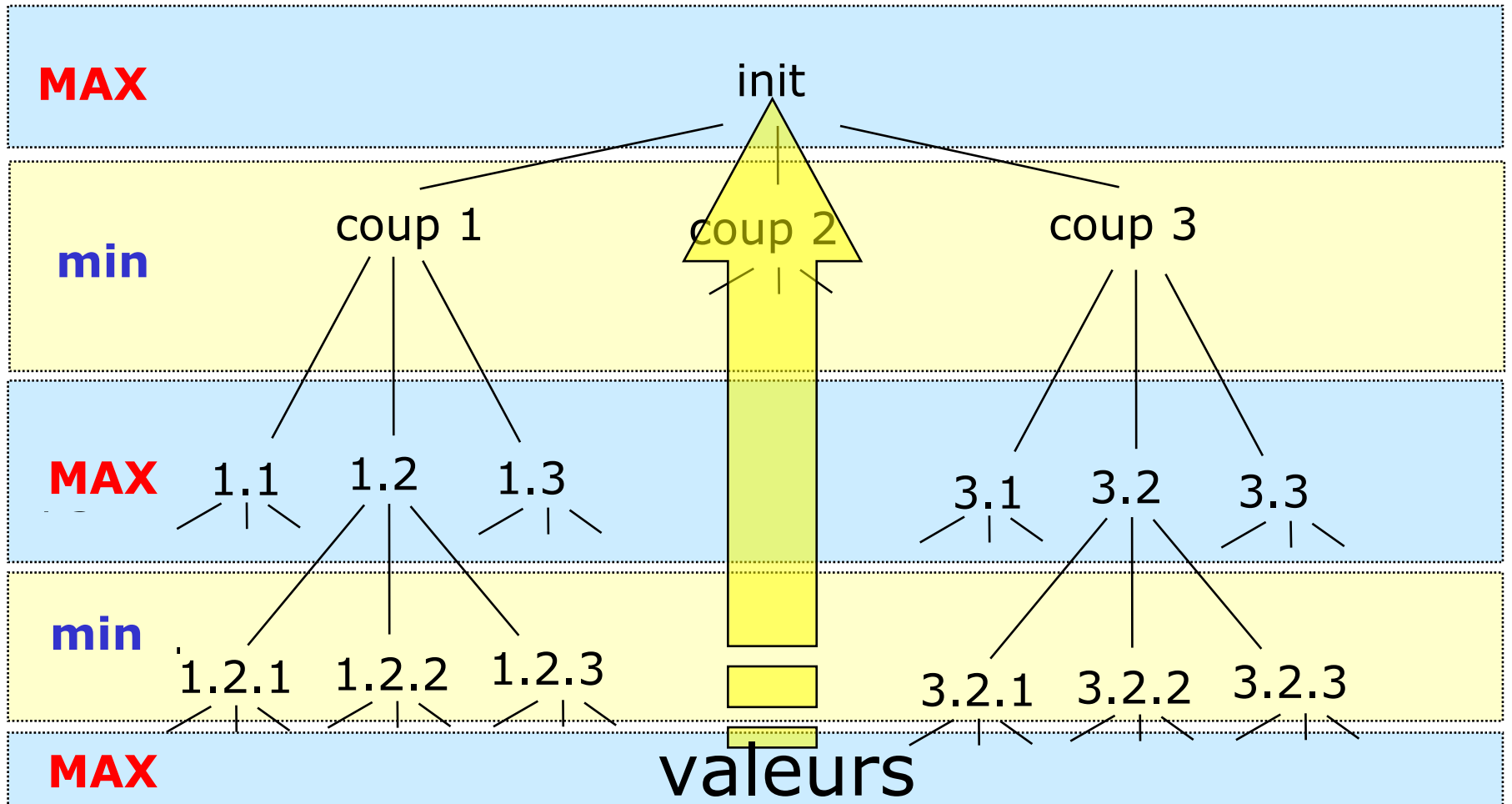
sélectionner parmi les situations suivantes  
celle avec **la plus petite** valeur  
attribuer sa valeur à la situation actuelle



$$P < N < G$$

$$P = \min(N, P, G)$$

# l'algorithme min-MAX





# activité

propager les valeurs  
pour l'arbre de

	o	
x	o	x
	x	

quel est le meilleur coup à jouer?

que peut-on dire de cette situation ?

# synthèse – algorithme min-MAX

- 1) développer l'arbre de jeu
- 2) attribuer des valeurs aux situations atteintes
- 3) propager les valeurs du bas vers le haut :
  - c'est au tour du programme de jouer :
    - on sélectionne la plus grande des valeurs suivantes
    - on attribue cette valeur à la situation actuelle
  - c'est au tour de l'adversaire de jouer
    - on le simule :
      - on sélectionne la plus petite des valeurs suivantes
      - on attribue cette valeur à la situation actuelle
    - si on n'a pas fini on recommence avec le niveau « au dessus »
- 4) arrivé « en haut » on choisit la situation qui a obtenu la plus grande valeur

# algorithme min-MAX

appel initial :  
`minmax(situation_initiale, profondeur, MAX)`

```

minmax(situation, prof, joueur) =
  si prof = 0 ou situation est une fin de partie
    retourner eval(situation)
  sinon
    situFilles = les situations filles légales de situation
    si joueur = MAX
      retourner  $\max_{fille \in \text{situFilles}} \{ \text{minmax}(fille, \text{prof}-1, \text{min}) \}$ 
    sinon // joueur = min
      retourner  $\min_{fille \in \text{situFilles}} \{ \text{minmax}(fille, \text{prof}-1, \text{MAX}) \}$ 
    fin si
  fin si

```

le plus souvent  
il n'est pas possible de calculer  
l'arbre de jeu complet

choisir un nombre de coups calculés à l'avance  
et  
définir une fonction d'évaluation

# fonction d'évaluation

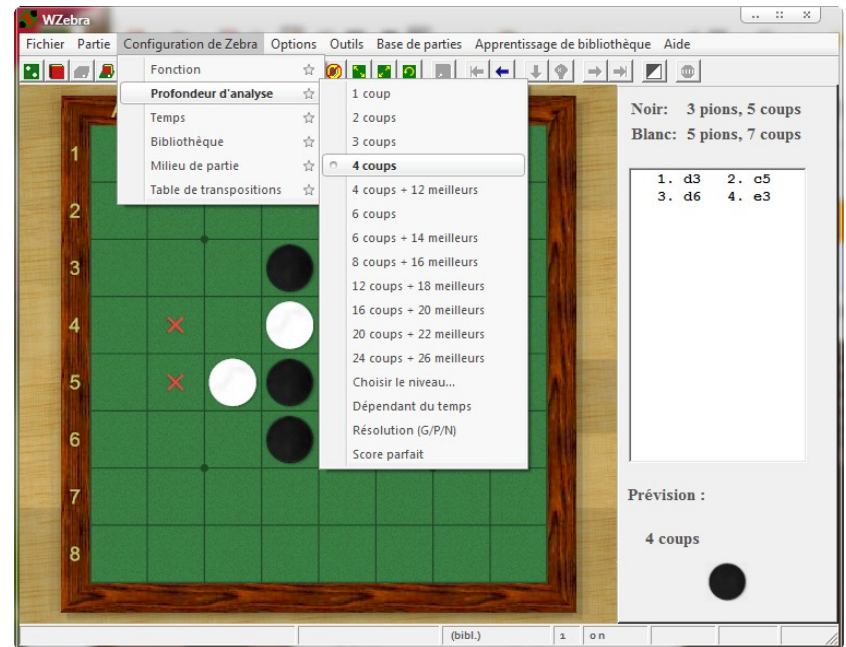
exemple : othello  
(max = noir)

1) valeur = nb noirs - nb blancs

2)

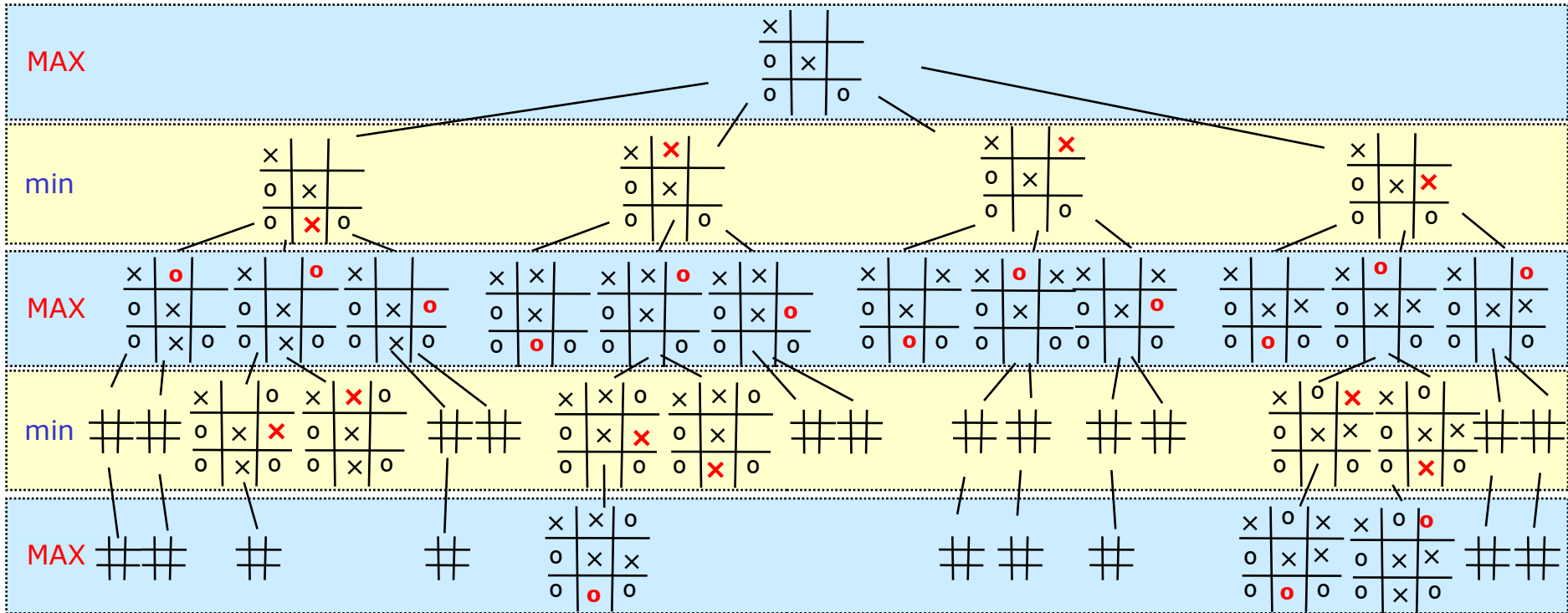
donnez une valeur aux cases  
somme des valeurs des cases occupées par les noirs  
- somme des valeurs des cases occupées par les  
blancs

- qualité du jeu du programme :
- 1) nombre de coups calculés
  - 2) pertinence fonction d'évaluation

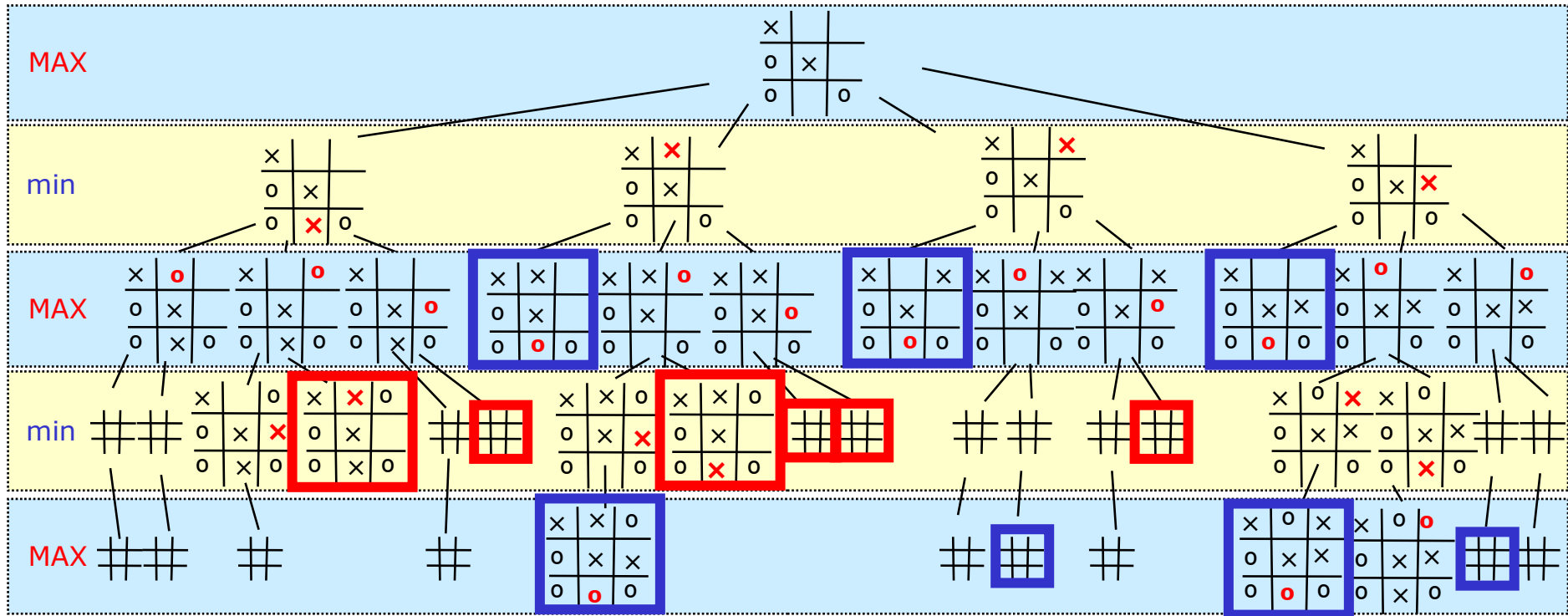


problème : l'effet d'horizon

# exemple : tic-tac-toe



# exemple : tic-tac-toe

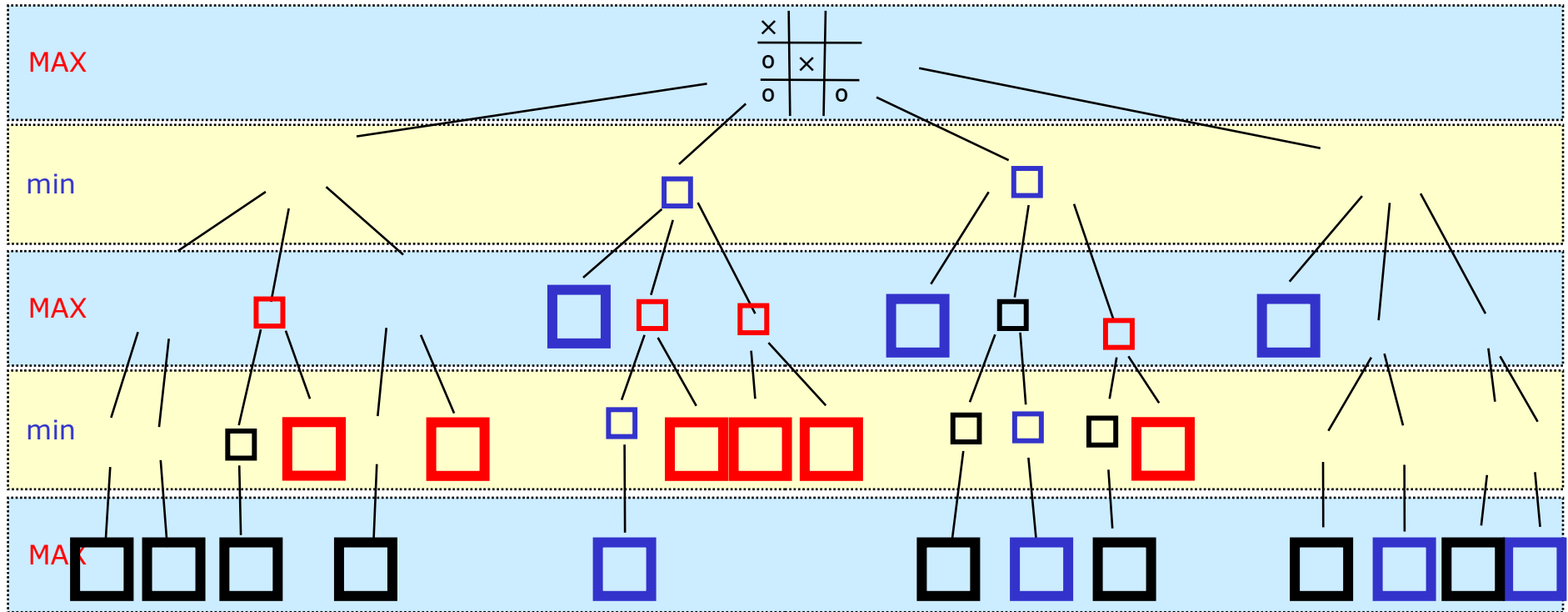


victoire de MAX

victoire de min



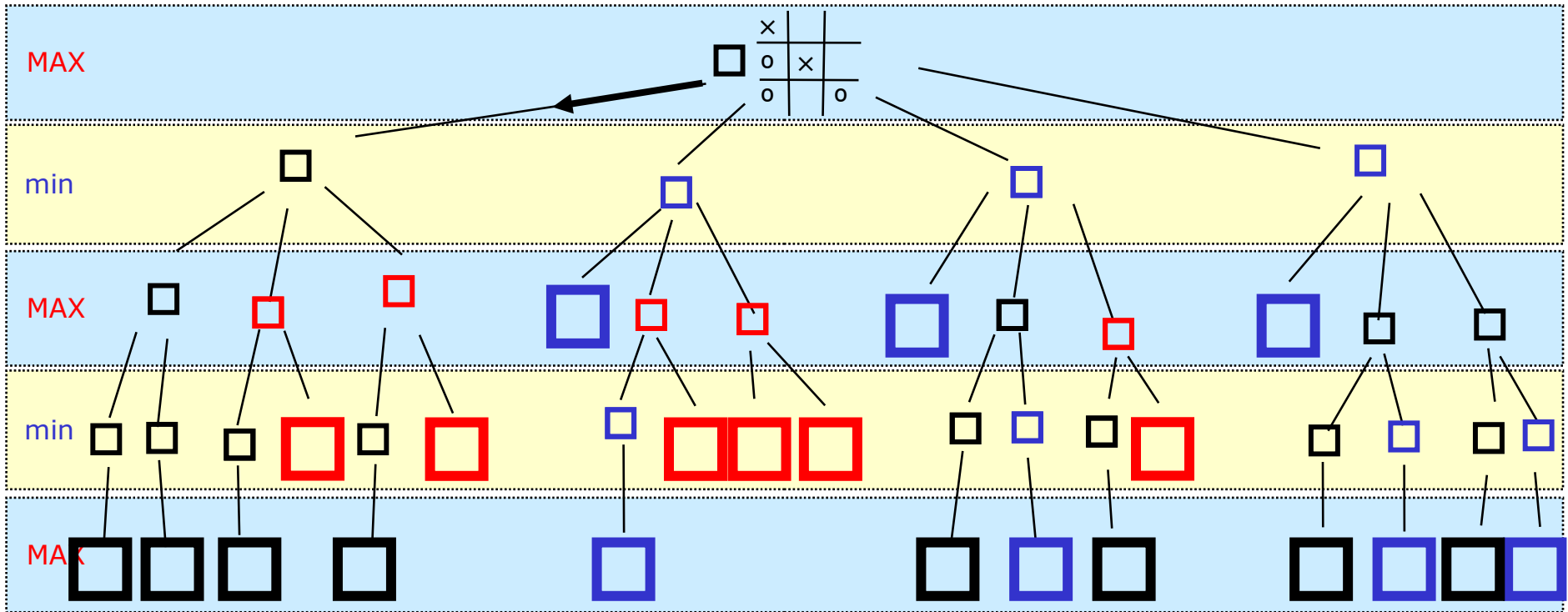
# exemple : tic-tac-toe



□ = G victoire de MAX     
  = N match nul     
 □ = P perdu victoire de min

valeurs : □ <  < □

# exemple : tic-tac-toe



c'est à x de jouer

	o	
x	o	x

o		
o	x	o
		x

o		
x	x	o
		o

x peut-il gagner ?  
 quel est le meilleur coup à jouer ?

que dit l'algorithme ?

à vous de jouer...